

最難関中コース
算数 標準

問題

1. 方程式で解く
文章題 ⑥-A

中受ゼミ G

1

1 から 10 までのカードが 1 枚ずつあります。この中から 5 枚のカードを取り出して、5 枚のカードに書かれた数の和を X とします。また、偶数だけの和を A 、奇数だけの和を B とし、 A と B のうち大きい方から小さい方をひいた差を Y とします。

たとえば、 $\{1, 2, 3, 4, 5\}$ の 5 枚のカードを取り出した場合、

$$X=1+2+3+4+5=15$$

$$A=2+4=6$$

$$B=1+3+5=9$$

$$Y=9-6=3$$

になります。 $X=23$, $Y=5$ のとき、次の各問いに答えなさい。

(1) 偶数のカード、奇数のカードをそれぞれ何枚取り出しましたか。

(2) 取り出したカードの組み合わせをすべて答えなさい。

解答らんには $\{1, 2, 3, 4, 5\}$ のように、 $\{ \}$ を使い、 $\{ \}$ の中の数は小さい順に書きなさい。

→ 28

2

ケーキを作るための費用が、100個までは何個作っても20000円かかります。

101個から300個までは1個につき150円、301個からは1個につき100円かかります。次の問いに答えなさい。

- (1) ケーキを250個作る時、1個あたりにかかる費用はいくらですか。
- (2) ケーキを1個210円で売ります。利益を6100円にするにはケーキを何個作ればよいですか。ただし、作ったケーキはすべて売れたものとします。
- (3) 1個あたりにかかる費用を125円にするには、ケーキを何個作ればよいですか。

→ 41

3

長い階段の途中とちゅうの同じ段に A 君と B 君がいます。じゃんけんをして勝ったら 2 段上がり、負けたら 1 段下がり、引き分け（あいこ）は 2 人とも 1 段上がるというゲームをしました。いま 60 回じゃんけんをしたところ、A 君は元の段よりも 50 段、B 君は元の段よりも 29 段上にいました。このとき、次の問いに答えなさい。

- (1) 引き分け（あいこ）は何回ありましたか。
- (2) A 君は何勝何敗何引き分けですか。

→ 106

4

暁子さん、星子さん、福子さんの3人でカルタをしています。札は全部で46枚です。とちゅうまで進み、暁さんが13枚、星さんが10枚、福さんが7枚の札を持っています。暁さんは、一番少なくてあと何枚取れば、必ず優勝することができますか。

→ 107

5

Aさんが540円の本を買いに行きます。財布のなかには500円玉1枚、100円玉6枚、50円玉4枚、10円玉8枚、5円玉2枚、1円玉6枚が入っています。また、コイン1枚の重さは500円玉が50g、100円玉が30g、50円玉が20g、10円玉が10g、5円玉が6g、1円玉が1gとします。

このとき、次の問いに答えなさい。ただし、代金はおつりがないように^{しはら}支払い、また、消費税は考えないものとします。

- (1) 本を買う前の財布のなかのコインの重さは全部で何gですか。
- (2) 本を買った後に、残るコインの枚数ができるだけ少なくなるように支払います。コインは何枚残りますか。
- (3) 本を買った後に、残るコインの重さができるだけ軽くなるように支払います。残るコインの重さは全部で何gですか。

→ 106

6

黒い文字で1, 2, …, 10と書かれたカードが10枚と赤い文字で1, 2, …, 10と書かれたカードが10枚あります。このカードをよく混ぜて裏返して置き、AさんとBさんが次のようなゲームをしました。

- ルール
- ① 最初の持ち点はそれぞれ100点とする。
 - ② カードはAさんから交互に取り、取ったカードはもどさない。
 - ③ 取ったカードの文字が黒のときは、その数を持ち点に加える。
 - ④ 取ったカードの文字が赤のときは、その数を持ち点から引く。

Aさんは3回目までに赤の8, 黒の1, 赤の4を取り、Bさんは1回目に黒の3を取り、3回目の終了時点でAさんと持ち点が同じになりました。

このとき、次の各問いに答えなさい。

- (1) 3回目の終了時点でAさんの持ち点は何点ですか。
- (2) Bさんが、2回目と3回目で取ったカードはどれとどれですか。色と数字を答えなさい。ただし、順番はどちらを先に書いても構いません。
- (3) 10枚ずつすべてのカードを取り終えたとき、Aさんの持ち点は124点でした。このとき、Bさんの持ち点は何点でしたか。

→ 108

7

A, B, C, D, E の 5 人が算数のテストを行いました。5 人の点数はすべて異なり、点数の低い順に並べると A, B, C, D, E となり、5 人の平均点は 68.8 点でした。また、このうち 3 人の点数を選んだとき、次の①～④のことがわかりました。

- ① 最も低い点数の組み合わせでは、その平均点は 52 点でした。
- ② 2 番目に低い点数の組み合わせでは、その平均点は 54 点でした。
- ③ 最も高い点数の組み合わせでは、その平均点は 90 点でした。
- ④ 3 番目に高い点数の組み合わせでは、その平均点は 76 点でした。

このとき、次の問いに答えなさい。

- (1) E の点数は何点ですか。
- (2) A の点数は何点ですか。

→ 63