

2015

① 次の□にあてはまる数を答えなさい。

(1) $\frac{12}{13} + 1\frac{9}{31} - 2\frac{1}{5} = \square$

(2) $(6.9 \div 0.368 - 7.5 \times 2.1) \div 0.375 = \square$

(3) $76 \times 75 + 152 \times 225 - 190 \times 200 = \square$

(4) $4\frac{22}{25} \div \left\{ 1\frac{13}{20} - \left(\square - \frac{1}{5} \right) \times 2 \right\} + 2\frac{2}{5} = 100$

(5) $\{(5 + 10 + 15 + 20 + \dots + 125) - (4 + 8 + 12 + 16 + \dots + 100)\} \div (3 + 6 + 9 + 12 + \dots + 75) = \square$

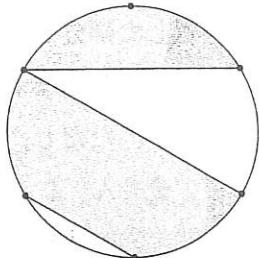
(6) $(0.32 \times \square + \square) : 11 = 3 : \square$

□には同じ数が入ります。()

② 次の□にあてはまる数を答えなさい。

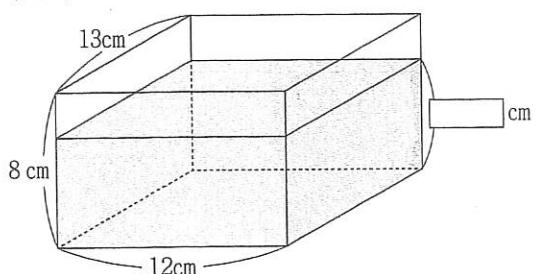
(1) 図の□の部分の面積は□cm²です。

ただし、円の面積は9cm²で、図中の6つの点は円周を6等分しています。

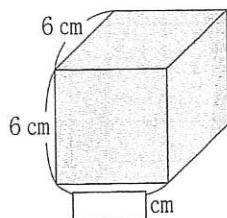


(2) 図1のような直方体の形をした水そうに水が入っています。図2のような直方体の形をしたおもりを水そうの中にしづめると、おもりが完全に水につかり、水そうがちょうどいっぱいになります。ただし、図の□には同じ数が入ります。

(図1)



(図2)



- (3) 太郎君、 次郎君、 花子さんの所持金をくらべると、 次郎君は太郎君の半分より 100 円多く、 花子さんは次郎君の半分より 100 円多く持っています。このとき、 太郎君は花子さんの 3 倍よりも 15 円多い 円持っています。
- (4) 1 つの立方体を、 同じ大きさの小さな立方体 個に分けると、 小さな立方体の表面積の合計は、 もとの立方体の表面積の 6 倍になります。

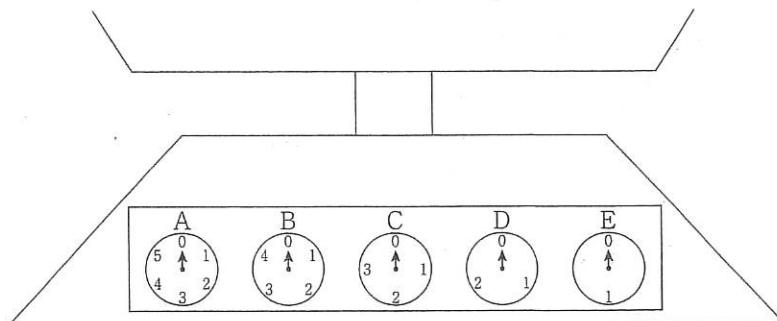
③ 同じ重さの金貨がたくさんと、 図のような台はかりがあります。この台はかりには A~E の目盛りがついていて、 初め、 どの目盛りの針も 0 をさしています。それぞれの目盛りの針は、 次のように動きます。

E の針は、 台の上に金貨を 1 枚置くごとに、 1 つずつ進みます。

D の針は、 E の針が 1 周して 0 にくるたびに、 1 つずつ進みます。

同じように、 C の針は D の針が、 B の針は C の針が、 A の針は B の針が 1 周して 0 にくるたびに、 1 つずつ進みます。ただし、 A の針は 1 周しかしません。

例えば、 13 枚の金貨を台の上に置くと、 A, B, D の目盛りは 0 であり、 C の目盛りは 2, E の目盛りは 1 となります。このことを、 A, B, C, D, E の順に並べて (0, 0, 2, 0, 1) と表します。このとき、 次の問いに答えなさい。



(1) 33 枚の金貨を台の上に置くと、 A, B, C, D, E の目盛りはどのようになりますか。

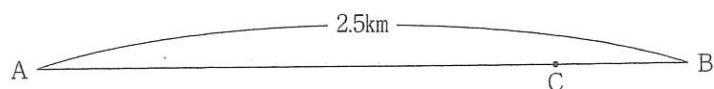
(A , B , C , D , E)

(2) A, B, C, D, E の目盛りが (4, 3, 2, 1, 0) であるとき、 台の上に置いた金貨は何枚ですか。

(枚)

- ④ 太郎君と次郎君と花子さんは、図のような地点 A から地点 B までの片道 2.5km を一往復するマラソン大会に出場しました。

3人は A を同時にスタートし、花子さんはスタートからゴールまでずっと毎分 120m の速さで走りました。太郎君は、A から 2 km 先の地点 C まで花子さんと同じ速さで走りましたが、その後は毎分 40m の速さで B まで走りました。そして、B からの復路は速さを毎分 あ m に上げて花子さんを追いかけました。次郎君は、初め、2人よりも遅い毎分 い m の速さで C まで走りました。すると、次郎君が C を通過するのと、花子さんが B で折り返すのが同時でした。そして、次郎君が C で速さを毎分 う m に上げて走ると、B で折り返した後の C で花子さんに追いついたので、その後は花子さんと同じ速さでゴールまで走りました。すると、ゴールでちょうど太郎君が2人に追いつきました。このとき、次の問い合わせに答えなさい。



- (1) あ, い, う にあてはまる数を答えなさい。

あ() い() う()

- (2) 次郎君が太郎君を追い越したのは、B まであと何 m の地点ですか。(m)

- ⑤ ①, ②, ③, ④, ⑤, ⑥の6枚のカードから3枚を選んで並べてできる3桁の整数を考えます。

136や235のように、書かれた数字が小さい順にカードを並べてできた整数の集まりを A とし、542や631のように、書かれた数字が大きい順にカードを並べてできた整数の集まりを B とします。このとき、次の問い合わせに答えなさい。

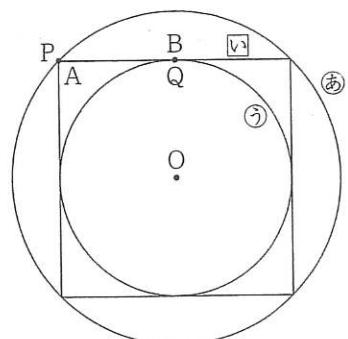
- (1) A には全部で何個の整数がありますか。(個)

- (2) A と B にある整数をすべて足すといいくらになりますか。()

- (3) A にも B にも含まれない整数をすべて足すといいくらになりますか。()

- ⑥ 図のように、中心が点 O である円⑥があり、⑥の円周の上にすべての頂点がある正方形⑤があります。また、⑤の4辺と接し、中心が O である円⑦があります。⑥, ⑤は O を中心に時計回りに回転し、⑦は O を中心に時計と反対回りに回転します。そして、1周するのに⑥は4分、⑤は2分、⑦は3分かかります。

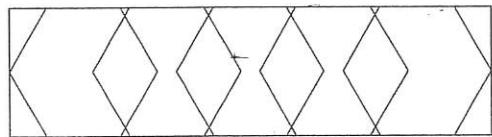
初め、図のように、⑥の上の点 P と⑤の頂点 A が重なっています。また、⑤の1つの辺の真ん中の点 B と⑦の上の点 Q が重なっています。⑥, ⑤, ⑦が同時に回転し始めたとき、次の問い合わせに答えなさい。



- (1) 回転し始めてから何分何秒後に、初めて B と Q が重なりますか。(分 秒後)
- (2) 回転し始めてから何分後に、初めて P と A, B と Q が同時に重なりますか。(分後)
- (3) O, P, Q が 27 回目に一直線上に並ぶのは、回転し始めてから何分何秒後ですか。
(分 秒後)

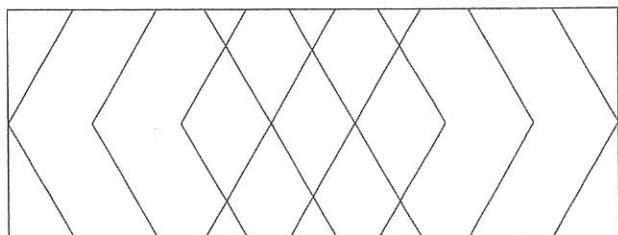
⑦ 1 辺の長さが 3 cm の正六角形の形をした 5 枚の紙を、図 (図 1)

1 のように長方形の中に端から端までぴったり入るように
均等に並べます。長方形のたての長さは、正六角形の紙を
図 1 のように入れるとぴったり入る長さです。このとき、
次の問いに答えなさい。

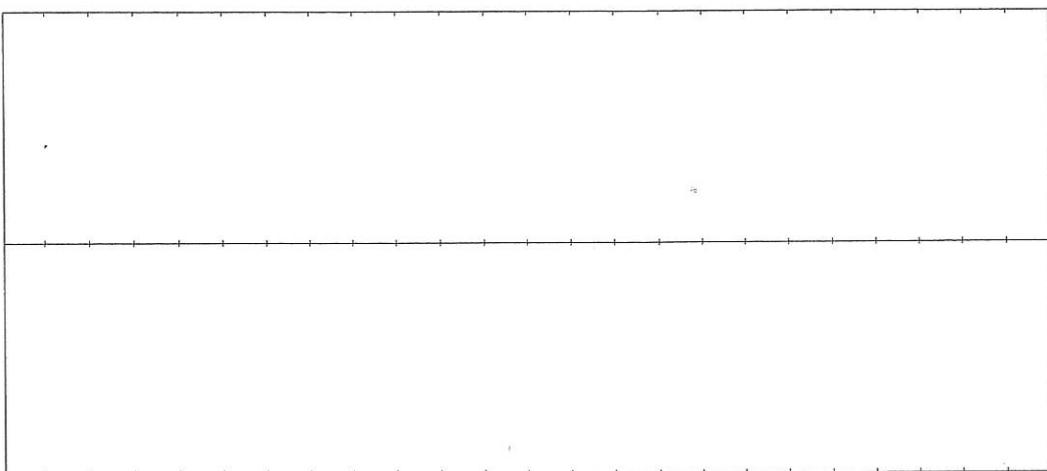


- (1) 図 2 のように、横の長さが 14cm の長方形の中に 5 枚の正六角形の紙を並べました。

(図 2)



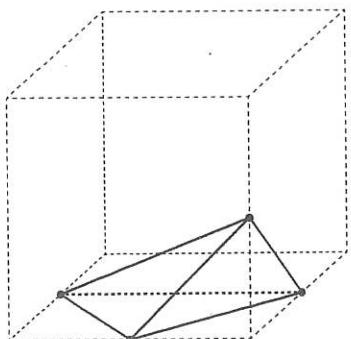
- (ア) 正六角形の紙は何 cm ずつずらして並べましたか。(cm)
- (イ) 紙が 2 枚だけ重なっている部分の面積は、正六角形の紙 1 枚の面積の何倍ですか。(倍)
- (2) 横の長さが 12cm の長方形の中に 5 枚の正六角形の紙を並べました。
- (ア) 紙が 4 枚重なっている部分の面積は、正六角形の紙 1 枚の面積の何倍ですか。(倍)
- (イ) (紙が 2 枚だけ重なっている部分の面積) : (紙が 3 枚だけ重なっている部分の面積) を、最も
簡単な整数の比で表しなさい。(2 枚) : (3 枚) (:)



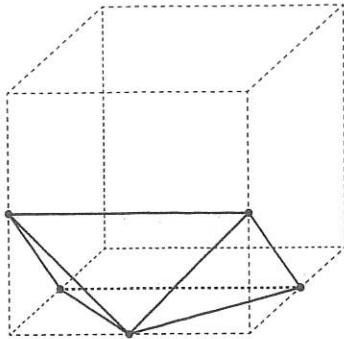
図の目盛りは 0.5 cm 間隔です。
かんかく

⑧ 次の立体の頂点は、それぞれ1辺の長さが6cmの立方体の辺の真ん中の点です。それぞれの立体の体積は何cm³ですか。

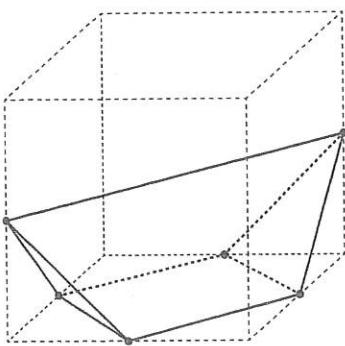
(1) (cm³)



(2) (cm³)



(3) (cm³)



(4) (cm³)

